

المعلم الغاليلي والمعلم غير الغاليلي

هل يمكن تطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم غير غاليلي ؟

إن أحسن معلم ثابت (غاليلي) هو معلم Copernic ، أي المعلم الهيليومركزي (الشكل - 1) . هذا المعلم مبدؤه هو مركز الشمس ومحاوره متجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة . هذه النجوم نعتبرها ثابتة لأن منذ أن بدأ العلماء يفكّرون في هذا الموضوع وهذه النجوم ما زالت في أماكنها حسب مقاييس هؤلاء العلماء طبعاً ...

إذا طبقنا القانون الثاني لنيوتن على حركة جسم (S) في هذا المعلم **وكتبنا** :

حيث $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}_{s/\mathcal{R}_0}$ هو تسارع الجسم في المعلم \mathcal{R}_0 ، أي الشمسي مركزي ، فإننا نحصل على نتائج جد دقيقة ، لأنه لا توجد أي قوى أخرى غير طبيعية (سنعرفها فيما يلي) تؤثر على الجسم ، حيث أن $\sum \vec{F}_{ext}$ كلها طبيعية . لنفرض جدلاً أننا طبقنا القانون الثاني لنيوتن في معلم آخر \mathcal{R} ، مع العلم أن هذا المعلم يتحرك بسرعة \vec{v} بالنسبة للمعلم \mathcal{R}_0 .

في هذه الحالة تكون سرعة الجسم بالنسبة للمعلم \mathcal{R}_0 مجموع سرعته بالنسبة للمعلم \mathcal{R} وسرعة المعلم \mathcal{R} بالنسبة للمعلم \mathcal{R}_0 ، أي :

$$\vec{v}_{s/\mathcal{R}_0} = \vec{v}_{s/\mathcal{R}} + \vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0}$$

$$(1) \quad \vec{v}_{s/\mathcal{R}} = \vec{v}_{s/\mathcal{R}_0} - \vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0}$$

• إذا كان المعلم \mathcal{R} لا يتحرك بالنسبة للمعلم \mathcal{R}_0 ، هذا يعني أن $\vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0} = 0$ ، وبالتالي يصبح لدينا :

، وإذا قمنا باشتقاق طرفي هذه العلاقة بالنسبة للزمن نحصل على : $\vec{a}_{s/\mathcal{R}} = \vec{a}_{s/\mathcal{R}_0}$ ، أي أن تسارع الجسم في المعلمين هو نفسه ، وبالتالي يمكن أن نكتب $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}_{s/\mathcal{R}}$ ، **ويعتبر المعلم \mathcal{R} غاليلياً** .

• إذا كان المعلم \mathcal{R} يتحرك بالنسبة للمعلم \mathcal{R}_0 ، هذا يعني أن $\vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0} \neq 0$. نقوم باشتقاق طرفي العلاقة (1) .

$$\frac{d\vec{v}_{s/\mathcal{R}}}{dt} = \frac{d\vec{v}_{s/\mathcal{R}_0}}{dt} - \frac{d\vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0}}{dt}$$

، نفحص الحالات التالية :

1 - حركة \mathcal{R} بالنسبة لـ \mathcal{R}_0 مستقيمة متغيرة : هذا يعني أن $\frac{d\vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0}}{dt} \neq 0$ ، أي أن $\vec{a}_{s/\mathcal{R}} \neq \vec{a}_{s/\mathcal{R}_0}$ ، ومنه الكتابة

$$\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}_{s/\mathcal{R}}$$

تكون غير صحيحة ، وبالتالي **لا نعتبر \mathcal{R} معلماً غاليلياً** .

2 - حركة \mathcal{R} بالنسبة لـ \mathcal{R}_0 مستقيمة منتظمة : هذا يعني أن $\frac{d\vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0}}{dt} = 0$ (لأن تسارع الحركة المنتظمة معدوم) ، أي أن

$$\vec{a}_{s/\mathcal{R}} = \vec{a}_{s/\mathcal{R}_0}$$

ومنه الكتابة $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}_{s/\mathcal{R}}$ تكون صحيحة ، وبالتالي **نعتبر المعلم \mathcal{R} غاليلياً** .

3 - حركة \mathcal{R} بالنسبة لـ \mathcal{R}_0 دائرية منتظمة : هذا يعني أن $\frac{d\vec{v}_{\mathcal{R}/\mathcal{R}_0}}{dt} \neq 0$ (مشتق شعاع السرعة في حركة دائرية منتظمة غير معدوم ، لأن منحى الشعاع يتغير ، لكن مشتق طويبة السرعة يكون معدوماً والذي يمثل طويبة التسارع المماسي) .

أي أن $\vec{a}_{s/\mathcal{R}} \neq \vec{a}_{s/\mathcal{R}_0}$ ، ومنه الكتابة $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}_{s/\mathcal{R}}$ تكون غير صحيحة ، وبالتالي **لا نعتبر المعلم \mathcal{R} غاليلياً** .

كل معلم يتحرك حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لمعلم غاليلي يُعتبر معلماً غاليلياً كذلك

ما هي القوى التي تُطبَّق على جملة ؟

- إذا كان المعلم غاليليا :

- القوى الطبيعية فقط

مثلا : نجرّ جسما بواسطة خيط على طاولة خشنة (الشكل - 2) .

القوى الطبيعية في هذه الحالة هي :

- قوة الثقل

- قوة توتر الخيط

- قوة تأثير الطاولة على الجسم

- قوة احتكاك الجسم مع الطاولة

فنكتب في هذا المعلم الغاليلي ، وليكن \mathcal{R}_0 : $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{P} + \vec{R} + \vec{T} + \vec{f} = m\vec{a}_{/\mathcal{R}_0}$

- إذا لم يكن المعلم غاليليا :

- القوى الطبيعية

- القوى غير الطبيعية ، وهذه القوى ناتجة عن :

♦ حركة المعلم غير الغاليلي بالنسبة للمعلم الغاليلي .

♦ حركة الجسم في المعلم غير الغاليلي .

فنكتب في المعلم غير الغاليلي : $\sum \vec{F}_{ext} + \vec{F}_i = m\vec{a}_{/\mathcal{R}}$ ، حيث \vec{F}_i هي القوى غير الطبيعية ، وتسمى قوى العطالة ، ومن

بينها القوة التي نسميها قوة الطرد المركزي .

يمكن تطبيق شكل القانون الثاني لنيوتن على جملة ميكانيكية في أي معلم كان ، لكن باختيار مناسب للقوى المؤثرة على هذه الجملة ، لكن لا نكتب $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$ إلا في معلم غاليلي .

هل نعتبر المعلم الجيو مركزي (مركزي أرضي) معلما غاليليا ؟

محاور المعلمين شمسي مركزي وأرضي مركزي متوازية مثنى مثنى (الشكل - 3) .

نعلم أن الأرض تدور حول الشمس مستغرقة في دورة كاملة حوالي 365 jrs ، أي 8760 h .

للتبسيط نعتبر المسار دائريا ونحسب الزاوية التي يمسحها r الواصل بين مركزي الأرض والشمس خلال ساعة واحدة .

$$\alpha = \frac{360}{8760} = 0,041^\circ \approx 7 \times 10^{-4} \text{ rd}$$

$$\hat{S} = r \times \alpha = 151000000 \times 7 \times 10^{-4} = 105700 \text{ km}$$

الفوس الذي يقطعه مركز الشمس على المدار

المسافة r هي بين مركزي الأرض والشمس .

لو قارنا هذه المسافة مع طول المسار ، نجد أن هذه المسافة

\hat{S} لا تمثل إلا 0,01% من طول المسار .

(طول المسار هو محيط دائرة $2\pi r$)

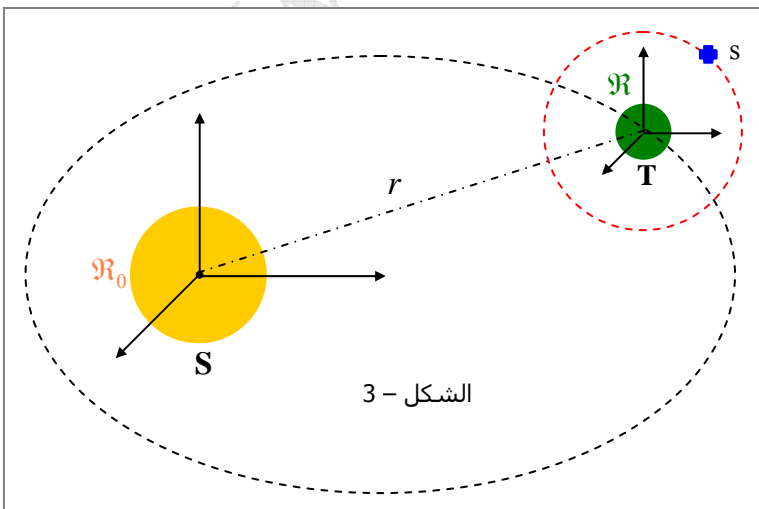
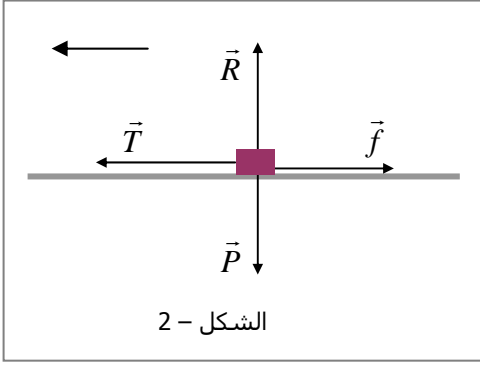
إذن يمكن اعتبار هذا الفوس قطعة مستقيمة، وبالتالي

لا يتغير خلالها شعاع سرعة مركز الأرض ، وبذلك نعتبر

حركة الأرض حول الشمس خلال هذه المدة مستقيمة

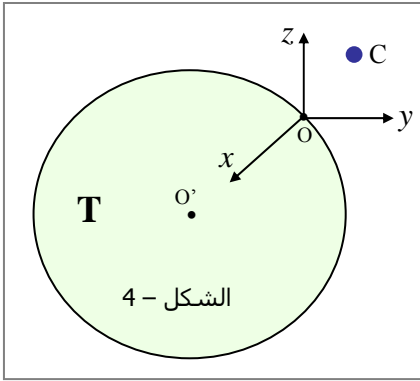
منتظمة .

في مدة زمنية من رتبة الساعات يمكن اعتبار المعلم المركزي أرضي معلما غاليليا .



هل نعتبر المعلم السطحي أرضي معلما غاليليا ؟

تتجز الأرض حول نفسها دورة كاملة خلال 24 h . نحسب الزاوية التي يمسحها المحور O'O الواصل بين مركز الأرض ومبدأ المعلم السطحي أرضي ، وذلك خلال ساعة . (الشكل - 4) .



$$\alpha = \frac{360}{24} = 15^\circ = 0,26rd$$

نحسب القوس الذي يحصر هذه الزاوية : $\widehat{S} = R \times \alpha = 6400 \times 0,26 = 1664 km$ حيث $R = 6400 km$ هو نصف قطر الأرض .

إن المسافة $\widehat{S} = 1664 km$ تمثل 4% من طول المسار لا يمكن اعتبار المعلم (Ox, Oy, Oz) غاليليا ، لأنه لا يمكن أن نساوي بين القوس والخط الواصل بين وضعيتين مختلفتين لـ O .

فإذا فعلنا ذلك كأننا اعتبرنا الشعاعين \vec{v}_1 و \vec{v}_2 متوازيين (الشكل - 5) .

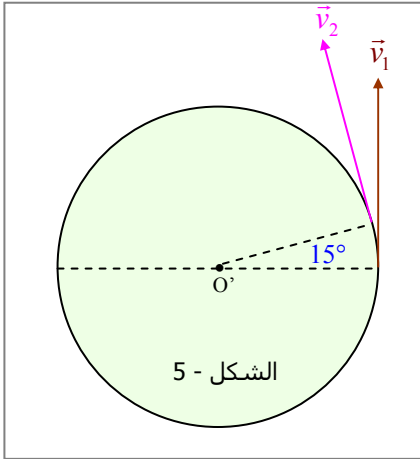
فإذا أردنا أن ندرس مثلا حركة جسم C يسقط سقوطا حقيقيا بجوار سطح الأرض ونطبق القانون الثاني لنيوتن في المعلم (Ox, Oy, Oz) وكتبنا : $\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m\vec{a}$ فإن هذه الكتابة تكون غير دقيقة .

متى تكون هذه الكتابة دقيقة ؟

نحسب الزاوية التي يمسحها المحور O'O خلال دقيقة واحدة

$$\beta = \frac{15}{60} = 0,25^\circ = 4,3 \times 10^{-3} rd$$

القوس المقابل لهذه الزاوية هو $\widehat{S} = R \times \beta = 6400 \times 4,3 \times 10^{-3} = 27,5 km$ إن هذه المسافة تمثل 0,07% من طول المسار .



في مدة زمنية من رتبة الدقائق يمكن اعتبار المعلم سطحي أرضي معلما غاليليا .

ملاحظة : لقد اعتبرنا النقطة O بجوار مستوي خط الاستواء ، وتكون الدراسة مماثلة بالنسبة لنقط أخرى على سطح الأرض .

كيف ندرس حركة قمر صناعي في معلم جيو مركزي ونستنتج سرعته المدارية ؟

في المعلم جيو مركزي لا يخضع القمر الصناعي إلا للقوة التي طويلتها $F_{T/S} = G \frac{m_s M_T}{r^2}$ (الشكل - 6) .

يُكتب شعاع هذه القوة في المعلم جيو مركزي كما يلي : $\vec{F}_{T/S} = -G \frac{m_s M_T}{r^2} \vec{u}$ ، حيث \vec{u} هو شعاع الوحدة في هذا المعلم .

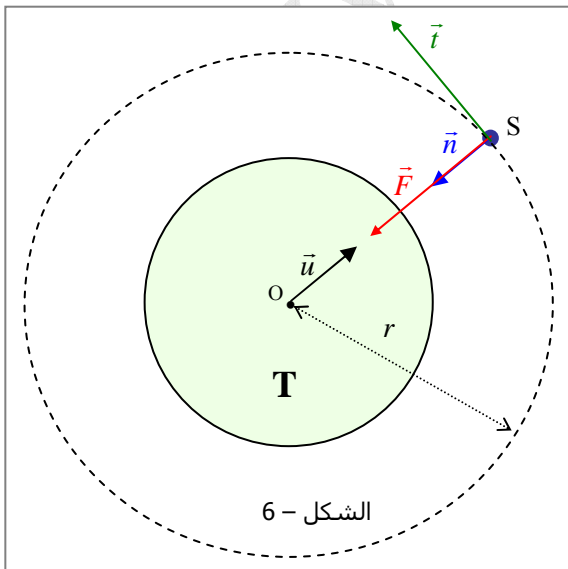
يمكن أن نكتب عبارة شعاع هذه القوة في معلم فريني الذي شعاعا وحدته

هما (\vec{n}, \vec{t}) : $\vec{F}_{T/S} = 0 \vec{t} + G \frac{m_s M_T}{r^2} \vec{n}$ لأن مركبتنا $\vec{F}_{T/S}$ في معلم فريني

هما $(0 ; G \frac{m_s M_T}{r^2})$

وبالتالي $G \frac{m_s M_T}{r^2} = m_s a_n = m_s \frac{v^2}{r}$ ، حيث a_n هو التسارع الناظمي .

$$v = \sqrt{G \frac{M_T}{r}}$$



ثرثرة في الفضاء - كتبها الأستاذ قزوري

تم نشر هكنا الملف بواسطة قرص **تجربتي** مع الباكالوريا

tajribatybac@gmail.com

facebook.com/tajribaty

jjel.tk/bac